

FACULTADDECIENCIAS (UEX)

Curso académico: 2024-25

Código: P/CL009_FC_D002

PLAN DOCENTE DE LA ASIGNATURA

Identificación y características de la asignatura								
Código	501721			Créditos ECTS 6				
Denominación (español)	Análisis	nálisis Funcional						
Denominación (inglés)	Function	Functional Analysis						
Titulación	Doble Grado en Matemáticas y Estadística							
Centro	Facultad	acultad de Ciencias						
Semestre	7	Carácter	Obligatoria					
Módulo	Formacio	formación Obligatoria						
Materia	Análisis Matemático							
Profesor/es								
Nombre		Despacho	Correo-e	Página web				
Jesús M. F. Castillo		C36	castillo@unex.es					
Javier Cabello			coco@unex.es					
Sánchez								
Área de conocimiento		Análisis Matemático						
Departamento		Matemáticas						
Profesor coordinador		Jesús M. F. Castillo						

Competencias

Competencias en el Grado en Matemáticas

Competencias básicas

CB1: Que los estudiantes hayan demostrado poseer y comprender conocimientos en un área de estudio que parte de la base de la educación secundaria general, y se suele encontrar a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia de su campo de estudio.

CB2: Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio.

CB3: Que los estudiantes tengan la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes



FACULTADDECIENCIAS (UEX)

Curso académico: 2024-25 Código: P/CL009_FC_D002

de índole social, científica o ética.

CB4: Que los estudiantes puedan transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado.

CB5: Que los estudiantes hayan desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía.

Competencias generales en el Grado en Matemáticas

- CG1 Desarrollar en el estudiante las capacidades analíticas, de abstracción, de intuición así como el pensamiento lógico y riguroso
- CG2 Capacitar al estudiante para que los conocimientos teóricos y prácticos que adquiera pueda utilizarlos en la definición y planteamiento de problemas y en la búsqueda de sus soluciones tanto en contextos académicos como profesionales
- CG3 Promover en el estudiante la curiosidad y el interés por las Matemáticas y animarle a mantenerla y transmitirla una vez finalizados los estudios.
- CG4 Que el estudiante conozca la presencia y el uso de las Matemáticas en la Física, la Química, la Biología, etc.
- CG5 Que el estudiante pueda seguir estudios posteriores en otras disciplinas, tanto científicas como tecnológicas, lo que posibilitará desarrollar una actividad profesional en campos como la Enseñanza de las Matemáticas en la Educación Secundaria y en la Educación Universitaria, u otros campos relacionados con la Física, la Informática, etc.

Competencias transversales en el Grado en Matemáticas

CT4 - Capacitar para el aprendizaje autónomo de nuevos conocimientos y técnicas, y para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía.

Competencias específicas en el Grado en Matemáticas

- CE1 Poseer y comprender conocimientos de Matemáticas que partan de la base de la educación secundaria general y se encuentren a un nivel que, si bien se apoye en libros de texto avanzados, incluya también algunos aspectos que impliquen conocimientos procedentes de la vanguardia de las Matemáticas.
- CE2: Saber aplicar los conocimientos adquiridos a su trabajo o vocación de forma profesional y poseer las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro del área de las Matemáticas.
- CE3: Comprender y utilizar el lenguaje matemático. Adquirir la capacidad para enunciar proposiciones en distintos campos de la Matemática, para construir demostraciones y para transmitir los conocimientos matemáticos adquiridos.
- CE4: Conocer demostraciones de algunos teoremas fundamentales en distintas áreas de la Matemática.
- CE5: Asimilar la definición de un nuevo objeto matemático, en términos de otros ya conocidos, y ser capaz de utilizar este objeto en diferentes contextos.
- CE6: Saber abstraer las propiedades estructurales (de objetos matemáticos, de la realidad observada y de otros ámbitos) distinguiéndolas de aquellas puramente ocasionales y poder comprobarlas con demostraciones o refutarlas con contraejemplos, así como identificar errores en razonamientos incorrectos.
- CE7: Resolver problemas y ejercicios relacionados con los conceptos básicos de las Matemáticas.





Curso académico: Código: 2024-25 P/CL009_FC_D002

CE8: Leer y comprender textos matemáticos, tanto en español como en otros idiomas de relevancia en el ámbito científico, especialmente en inglés.

CE10: Utilizar herramientas de búsqueda de recursos bibliográficos en Matemáticas.

CE11: Comunicar, de forma oral y escrita, conocimientos, procedimientos, resultados e ideas matemáticas.

Temas y contenidos

Breve descripción del contenido

Herramientas básicas del análisis funcional en el contexto de espacios métricos. Espacios de dimensión finita. Espacios de Banach de dimensión infinita. Topologías débiles.

Temario de la asignatura

Tema 1. Espacios normados.

- Espacios normados.
- Desigualdades de Hölder y Minkowski.
- Operadores lineales y continuos.
- Espacios normados de dimensión finita. Lema de Riesz.

Tema 2. Espacios de Banach de dimensión infinita. Teorema de Hahn-Banach. Bidual.

- -Espacios de Banach de dimensión infinita. Ejemplos clásicos.
- Nuevas ideas: Bases de Schauder. Dualidad. Ejemplos.
- -Teorema de Hahn-Banach. Corolarios del mismo.





Curso académico: Código: 2024-25 P/CL009_FC_D002

-El espacio Bidual. Espacios reflexivos. Ejemplos

Tema 3. Teoremas fundamentales de Análisis Funcional.

- Teorema de Hahn-Banach, versión geométrica.
- Teorema de Baire. Definiciones y propiedades.
- Teorema de Banach-Steinhaus.
- Teorema de la aplicación abierta.
- Teorema del grafo cerrado.

Tema 4. Topologías débiles.

- -Introducción a las topologías débil y débil-* .
- -Teorema de Banach-Alaoglu.
- Teorema de Goldstine.

Actividades formativas										
Horas de trabajo del alumno por tema		Horas	Horas actividades prácticas				Horas actividad de seguimiento	Horas. No presencial		
Tema	Total	GG	СН	L	0	S	TP	EP		
1	29	12				1		16		
2	37	15				2		20		
3	36	15				1		20		
4	26	9				1		16		
Evaluación	22	4						18		
TOTAL	150	55				5		90		

GG: Grupo Grande (85 estudiantes).

CH: prácticas clínicas hospitalarias (7 estudiantes)

L: prácticas laboratorio o campo (15 estudiantes)

O: prácticas sala ordenador o laboratorio de idiomas (20 estudiantes)

S: clases problemas o seminarios o casos prácticos (40 estudiantes).

TP: Tutorías Programadas (seguimiento docente, tipo tutorías ECTS).

EP: Estudio personal, trabajos individuales o en grupo, y lectura de bibliografía.



FACULTADDECIENCIAS (UEX)

Curso académico:

Código:

2024-25

P/CL009_FC_D002

Metodologías docentes

- 1. Explicación y discusión de los contenidos.
- 2. Resolución, análisis y discusión de problemas. Realización, exposición y defensa de trabajos/proyectos.
- 3. Actividades experimentales como prácticas en laboratorios, aulas de informática y trabajos de campo.
- 4. Actividades de seguimiento individual o por grupos del aprendizaje.
- 5. Trabajo autónomo del estudiante.

En los cursos avanzados, el profesor es en parte un mediador, un guía y un orientador, revalorizándose su función formativa: ayudar al alumno a aprender de modo que después el propio alumno sea capaz de aprender autónomamente.

Son aspectos importantes la reflexión del profesor sobre su práctica docente, la organización y control sistemático de su material de enseñanza, la recogida de opiniones sobre su docencia y el planteamiento de la asignatura como parte de un todo. Su cultivo redunda en la mejora de la actividad docente del profesor, de la calidad de la titulación y, en general, de la propia institución universitaria.

Es igualmente importante elaborar y dar publicidad a programas, criterios de evaluación, horarios de tutoría y la exposición de los objetivos de aprendizaje. Ayuda a ello la revisión y actualización de los objetivos de la asignatura, sus contenidos y bibliografía.

Es esencial la participación de los alumnos en todo lo que atañe a la asignatura. En particular, en cada tema hay ocasión para el trabajo personal del alumno, lo que incluye la oportunidad de participar en el planteamiento y resolución de los temas y la posibilidad de decidir sobre que otras actividades resultarían interesantes. Desarrollando la idea anterior, hemos comprobado que resulta muy efectivo ir sugiriendo al alumno los posibles caminos para la solución de problemas, paso a paso, dejándole vislumbrar como proceder en cada paso, ayudándole a que sea él mismo el que vaya diseñando el camino a seguir.

RESULTADOS DEL APRENDIZAJE:

Lograr que los alumnos adquieran los conocimientos sobre Espacios Normados de dimensión finita y Espacios de Banach de dimensión infinita.

Son conocimientos imprescindibles, para la formación de un matemático, los más importantes teoremas de Análisis funcional como Teorema de Hahn-Banach, Teorema de Banach-Alaoglu y el Principio de acotación uniforme y la teoría y aplicaciones relacionadas con ellos.



FACULTADDECIENCIAS (UEX)

Curso académico:Código:2024-25P/CL009_FC_D002

Sistemas de evaluación

En cada convocatoria se realizará un examen escrito con diez puntos en juego, y cuyo aprobado se sitúa en cinco puntos.

Dicho lo cual, los exámenes no tienen ningún sentido, no lo han tenido nunca y actualmente tampoco. De modo que cualquier otro método de evaluar menos absurdo será tenido en cuenta en tanto que los alumnos así lo deseen y lo propongan.

Entre tanto, se valorará la participación en las clases (es posible acudir a las clases y no participar? Hasta ahí hemos llegado!), en las discusiones que en clase se generen, y en la solución —o su intento—de las muchas cuestiones que naturalmente surgen.

Dado que la normativa sugiere/exige un coeficiente de evaluación continua, la participación activa en clase se valorará con 0,25 puntos.

Bibliografía (básica y complementaria)

Libros bibliografía básica:

- I. I. Kreiszig, Introductory functional análisis, with applications, John Wiley and Sons
- II. H.Brézis, Analisis Funcional, Alianza Universidad 88
- III. C. de Oliveira, Introdução à Análise Funcional, Publicações matemáticas, Impa
- IV. S. Banach, Théorie des opérations linéaires, Chelsea Pub.Co
- V. N.L. Carothers, A short course on Banach space theory, London Math. Soc., Student Texts 64
- VI. J. Diestel, Sequences and series in Banach spaces, Springer-Verlag 84.

Libros bibliografía complementaria:

R.J. Megginson, An introduction to Banach Space Theory, Springer 183.





Curso académico:	Código:				
2024-25	P/CL009_FC_D002				

E. Romera y OTROS, Métodos Matemáticos. Paraninfo, 2013.

Existentes ambos grupos en la biblioteca del centro y/o en la biblioteca del departamento de matemáticas

Otros recursos y materiales docentes complementarios

 Notas de clase entregadas por el profesor y a disposición del centro.

Libro:

- -B. Cascales, J.M. Mira, J. Orihuela, M. Raja, Análisis Funcional. 2012. (pdf)
- Cuanto deseen consultar en Internet.