

	<b>PROCESO PARA EL DESARROLLO DE LAS ENSEÑANZAS DE LA FACULTAD DE CIENCIAS DE LA UEx</b>		 <b>FACULTAD DE CIENCIAS</b> <small>[UEx]</small>
	<b>Curso académico:</b> 2024-25	<b>Código:</b> P/CL009_FC_D002	

### PLAN DOCENTE DE LA ASIGNATURA

Identificación y características de la asignatura					
Código	<b>500770</b>			Créditos ECTS	<b>6</b>
Denominación	<b>Cálculo II</b>				
Denominación (inglés)	<b>Calculus II</b>				
Titulaciones	<b>Grado en Matemáticas</b>				
Centro	<b>Facultad de Ciencias - UEx</b>				
Semestre	<b>Segundo</b>	Carácter	<b>Básica</b>		
Módulo	<b>Formación Básica</b>				
Materia	<b>Matemáticas</b>				
Profesor/es					
Nombre	Despacho	Correo-e	Página web		
Fernando Sánchez Fernández	C25	fsanchez@unex.es	matematicas.unex.es/~fsanchez		
Javier Cabello Sánchez	C14	coco@unex.es			
Área de conocimiento	<b>Análisis Matemático</b>				
Departamento	<b>Matemáticas</b>				
Profesor coordinador (si hay más de uno)	Fernando Sánchez Fernández				

Competencias
<p><b>Competencias básicas</b></p> <p>CB1: Que los estudiantes hayan demostrado poseer y comprender conocimientos en un área de estudio que parte de la base de la educación secundaria general, y se suele encontrar a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia de su campo de estudio.</p> <p>CB2: Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio.</p> <p>CB3: Que los estudiantes tengan la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética.</p> <p><b>Competencias generales</b></p> <p>CG1 - Desarrollar en el estudiante las capacidades analíticas, de abstracción, de intuición así como el pensamiento lógico y riguroso</p> <p>CG2 - Capacitar al estudiante para que los conocimientos teóricos y prácticos que adquiera pue-</p>

	<b>PROCESO PARA EL DESARROLLO DE LAS ENSEÑANZAS DE LA FACULTAD DE CIENCIAS DE LA UEx</b>		 <b>FACULTAD DE CIENCIAS</b> <small>[UEx]</small>
	<b>Curso académico:</b> 2024-25	<b>Código:</b> P/CL009_FC_D002	

da utilizarlos en la definición y planteamiento de problemas y en la búsqueda de sus soluciones tanto en contextos académicos como profesionales

CG3 - Promover en el estudiante la curiosidad y el interés por las Matemáticas y animarle a mantenerla y transmitirla una vez finalizados los estudios.

CG4 - Que el estudiante conozca la presencia y el uso de las Matemáticas en la Física, la Química, la Biología, etc.

### **Competencias transversales**

CT2: Poder transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado.

CT4: Capacitar para el aprendizaje autónomo de nuevos conocimientos y técnicas, y para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía.

### **Competencias específicas**

CE1: Poseer y comprender conocimientos de Matemáticas que partan de la base de la educación secundaria general y se encuentren a un nivel que, si bien se apoye en libros de texto avanzados, incluya también algunos aspectos que impliquen conocimientos procedentes de la vanguardia de las Matemáticas.

CE3: Comprender y utilizar el lenguaje matemático. Adquirir la capacidad para enunciar proposiciones en distintos campos de la Matemática, para construir demostraciones y para transmitir los conocimientos matemáticos adquiridos.

CE5: Asimilar la definición de un nuevo objeto matemático, en términos de otros ya conocidos, y ser capaz de utilizar este objeto en diferentes contextos.

CE6: Saber abstraer las propiedades estructurales (de objetos matemáticos, de la realidad observada y de otros ámbitos) distinguiéndolas de aquellas puramente ocasionales y poder comprobarlas con demostraciones o refutarlas con contraejemplos, así como identificar errores en razonamientos incorrectos.

CE7: Resolver problemas y ejercicios relacionados con los conceptos básicos de las Matemáticas.

CE8: Leer y comprender textos matemáticos, tanto en español como en otros idiomas de relevancia en el ámbito científico, especialmente en inglés.

CE9: Relacionar las Matemáticas con otras ciencias y saber aplicarlas.

CE10: Utilizar herramientas de búsqueda de recursos bibliográficos en Matemáticas.

## **Temas y contenidos**

### **Breve descripción del contenido**

	<b>PROCESO PARA EL DESARROLLO DE LAS ENSEÑANZAS DE LA FACULTAD DE CIENCIAS DE LA UEx</b>		 <b>FACULTAD DE CIENCIAS</b> <small>(UEx)</small>
	<b>Curso académico:</b> 2024-25	<b>Código:</b> P/CL009_FC_D002	

Primitivas e integrales definidas. Sucesiones y series de funciones. Funciones de varias variables. Derivadas parciales y direccionales. Cálculo con derivadas parciales: operadores diferenciales. Extremos relativos y condicionados. Integral sobre un rectángulo: interpretación geométrica y propiedades. Integrales iteradas. Cambio de variables: aplicaciones al cálculo de áreas, volúmenes, centro de masas, momento de inercia.

### Temario de la asignatura

#### **Tema 1. CÁLCULO INTEGRAL**

Integración de funciones escalonadas. Sumas de Riemann de funciones acotadas en un intervalo compacto. Concepto de integral de Riemann. Integrabilidad de las funciones continuas y de las funciones monótonas.

Operaciones y orden en el conjunto de las funciones integrables, el espacio  $\mathcal{R}[a, b]$  de las funciones  $\mathcal{R}$ -integrables en  $[a, b]$ . Linealidad y monotonía de la integral. Aditividad respecto al intervalo de integración. Si  $f$  y  $g$  son de  $\mathcal{R}[a, b]$  entonces también lo son  $\inf(f, g)$ ,  $\sup(f, g)$ ,  $f_+$ ,  $f_-$  y  $|f|$ .

Teoremas de valor medio. La función  $F(x) = \int_a^x f(t)dt$ , cuando  $f$  está en  $\mathcal{R}[a, b]$ . Regla de Barrow.

Cálculo de primitivas. Primitivas inmediatas. Cálculo de primitivas por partes y por cambio de variable.

Primitivas de funciones racionales, de funciones racionales en  $\operatorname{sen} x$  y  $\operatorname{cos} x$ , y de funciones racionales en  $x$  y  $\sqrt{ax^2 + bx + c}$

Cálculo de áreas planas y de volúmenes y áreas laterales de cuerpos de revolución.

#### **Tema 2. SUCESIONES Y SERIES FUNCIONALES**

Convergencia (sumabilidad) puntual y uniforme de una sucesión (serie) de funciones. Criterio mayorante de Weierstrass para la sumabilidad uniforme de una serie funcional.

Convergencia (sumabilidad) uniforme y continuidad, diferenciabilidad e integrabilidad.

Series de potencias. Radio de convergencia. Convergencia uniforme en los compactos del intervalo de convergencia.

Serie de Taylor de una función indefinidamente derivable en un punto. Concepto de función analítica: algunos ejemplos y propiedades.

#### **Tema 3. CÁLCULO EN VARIAS VARIABLES**

##### 3.1 EL ESPACIO $\mathbb{R}^n$

Norma, producto escalar y distancia en  $\mathbb{R}^n$ . La topología de  $\mathbb{R}^n$ : conjuntos compactos, conexos, conexos por arcos, conexos por poligonales y convexos. Sucesiones y series en  $\mathbb{R}^n$ .

Funciones de  $\mathbb{R}^m$  en  $\mathbb{R}^n$ . Límite de una función en un punto. Límites según un subconjunto, límites direccionales.

	<b>PROCESO PARA EL DESARROLLO DE LAS ENSEÑANZAS DE LA FACULTAD DE CIENCIAS DE LA UEx</b>		 <b>FACULTAD DE CIENCIAS</b> <small>[UEx]</small>
	<b>Curso académico:</b> 2024-25	<b>Código:</b> P/CL009_FC_D002	

Funciones continuas de  $\mathbb{R}^m$  en  $\mathbb{R}^n$ .

### 3.2 CÁLCULO DIFERENCIAL EN VARIAS VARIABLES

Definición de función de  $\mathbb{R}^m$  en  $\mathbb{R}^n$  diferenciable en un punto. Álgebra de derivadas, regla de la cadena. Derivadas direccionales, derivadas parciales, matriz jacobiana.

Derivadas de orden superior. Teorema de Schwarz. Teoremas de Taylor.

Máximos y mínimos relativos de funciones diferenciables.

Extremos condicionados. Teorema de los multiplicadores de Lagrange.

### 3.3 CÁLCULO INTEGRAL EN VARIAS VARIABLES

Definición de función de  $\mathbb{R}^n$  en  $\mathbb{R}$  Riemann-integrable en un conjunto. Aditividad, monotonía, etc. de la integral.

Reducción de una integral múltiple a integraciones simples reiteradas.

Nociones sobre integrales de superficie.

Algunas aplicaciones: centro geométrico o centroide, cálculo de masas, centro de masas.

Actividades formativas*								
Horas de trabajo del alumno por tema		Horas	Horas actividades prácticas				Horas actividad de seguimiento	Horas. No presencial
Tema	Total	GG	CH	L	O	S	TP	EP
1	50	20						30
2	38	16						22
3	50	20						30
<b>Evaluación**</b>	12	4						8
<b>TOTAL</b>	150	60						90

GG: Grupo Grande (85 estudiantes).  
PCH: prácticas clínicas hospitalarias (7 estudiantes)  
LAB: prácticas laboratorio o campo (15 estudiantes)  
ORD: prácticas sala ordenador o laboratorio de idiomas (20 estudiantes)  
SEM: clases problemas o seminarios o casos prácticos (40 estudiantes).  
TP: Tutorías Programadas (seguimiento docente, tipo tutorías ECTS).  
EP: Estudio personal, trabajos individuales o en grupo, y lectura de bibliografía.

Metodologías docentes*
1. Explicación y discusión de los contenidos.

\*\* Indicar el número total de horas de evaluación de esta asignatura.

	<b>PROCESO PARA EL DESARROLLO DE LAS ENSEÑANZAS DE LA FACULTAD DE CIENCIAS DE LA UEx</b>		 <b>FACULTAD DE CIENCIAS</b> <small>[UEx]</small>
	<b>Curso académico:</b> 2024-25	<b>Código:</b> P/CL009_FC_D002	

2. Resolución, análisis y discusión de problemas. Realización, exposición y defensa de trabajos y proyectos.

5. Trabajo autónomo del estudiante.

### Resultados de aprendizaje\*

Al completar la materia Matemáticas, el estudiante:

Comprende los conceptos elementales del cálculo diferencial e integral en una y varias variables (funciones de una variable, sucesiones y series de números reales, límites, continuidad, derivabilidad, primitivas e integrales definidas, análisis numérico y ecuaciones diferenciales, funciones de varias variables, derivadas parciales y direccionales, extremos relativos y condicionados, integrales iteradas, cambio de variables, etc) necesarios para el estudio de las Matemáticas y otras disciplinas científicas.

### Sistemas de evaluación\*

Se aplicará el sistema de calificaciones vigente en cada momento; actualmente, el que aparece en el RD 1125/2003, artículo 5º. Los resultados obtenidos por el estudiante se calificarán según una escala numérica de 0 a 10, con expresión de un decimal, a la que podrá añadirse su correspondiente calificación cualitativa: 0 – 4.9: Suspenso (SS), 5.0 – 6.9: Aprobado (AP), 7.0 – 8.9: Notable (NT), 9.0 - 10: Sobresaliente (SB). La mención de Matrícula de Honor podrá ser otorgada a alumnos que hayan obtenido una calificación igual o superior a 9.0. Su número no podrá exceder del 5% de los alumnos matriculados en una asignatura en el correspondiente curso académico, salvo que el número de alumnos matriculados sea inferior a 20, en cuyo caso se podrá conceder una sola Matrícula de Honor.

El alumno elegirá, según la normativa vigente, entre evaluación continua o evaluación global con una única prueba final. Tanto en un caso como en otro el alumno realizará un examen final escrito, en el que se evaluarán sus conocimientos teóricos y prácticos.

En el caso de la evaluación continua, el alumno podrá realizar las actividades de autoevaluación propuestas por el profesor y un examen parcial. Estas actividades podrán añadir a la nota final del alumno hasta un máximo de 1.5 puntos sobre 10 (la nota máxima será 10 en todo caso).

En el caso de la evaluación global, la nota final del alumno será la del examen final escrito.

Actividades e instrumentos de evaluación: exámenes escritos.

	<b>PROCESO PARA EL DESARROLLO DE LAS ENSEÑANZAS DE LA FACULTAD DE CIENCIAS DE LA UEx</b>		 <b>FACULTAD DE CIENCIAS</b> <small>[UEx]</small>
	<b>Curso académico:</b> 2024-25	<b>Código:</b> P/CL009_FC_D002	

### Bibliografía (básica y complementaria)

Son muchos los libros en los que pueden verse (en órdenes distintos, de diferentes formas,...) los temas tratados en esta asignatura, pero no se seguirá ninguno concreto. A modo de ejemplo, todo puede encontrarse en:

- T.M. Apostol, Análisis Matemático, Ed. Reverté, Barcelona, 1960.
- K.R. Stromberg. An introduction to classical real analysis, Ed. Wadsworth & Brooks, 1981
- M. Spivak, Cálculo Infinitesimal, 2ª Ed. Ed. Reverté (Calculus, Second Edition)
- Cálculo Infinitesimal de Una Variable, Ed. McGraw Hill, Madrid, 2006.
- J.A. Fernández Viña, Lecciones de Análisis Matemático I, Ed. Tecnos, Madrid, 1981.
- W. Rudin, Principios de Análisis Matemático, Ed. McGraw Hill, México, 1980.
- Salas-Hille. Calculus I y II. Ed. Reverté, S.A. Barcelona, 2002-2003.
- Larson, Hostetler y Edwards. Cálculo I y II. Cengage Learning
- Smith y Minton. Cálculo I y II. Mcgraw-Hill College
- Ayres y Mendelson. Cálculo. Mcgraw-Hill
- E. Simmons. Cálculo y geometría analítica. Mcgraw-Hill (2002)

### Otros recursos y materiales docentes complementarios

Página web de la asignatura ([matemáticas.unex.es/~fsanchez](http://matemáticas.unex.es/~fsanchez))

Materiales en el Campus Virtual